

### 2.5.3. Konflikte, Konfliktfreiheit

Fragen?

- sind alle Alternativen determiniert im PN gelöst?
- zu steuerndes System: nicht determinierte Alternativen sind Angriffspunkte für die Steuerung, Steuerung: nichtdet. Alternativen sind i.a. ein Fehler

Konflikt entspricht in etwa dem Widerspruch in Automaten.

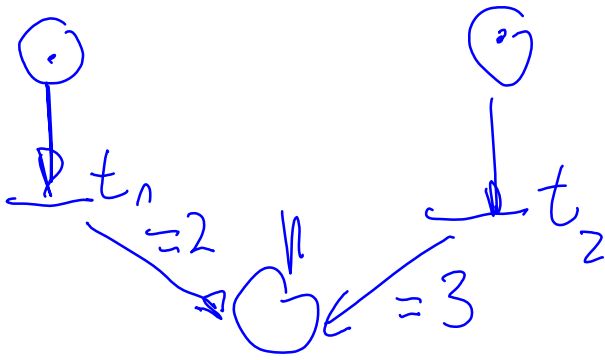
Def. Zwei oder mehrere Transitionen stehen in Konflikt, wenn sie gleichzeitig schaltfähig sind, das Schalten einer der oder den anderen wechselseitig die Schaltfähigkeit entzieht.

Bsp. PN 20 links Vorkonflikt, rechts ist für  $K(p_9)=1$  ein Nachkonflikt

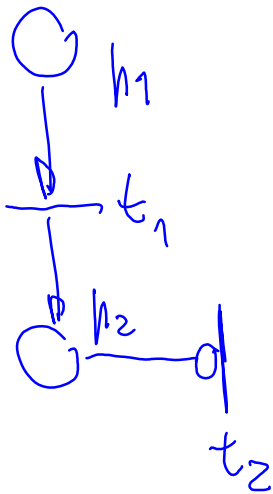
statischer Konflikt: es könnte evtl. eine  $m$  geben, bei der ein Konflikt auftritt

dynamischer Konflikt; es ist auch eine  $m$  von  $m_0$  aus erreichbar, bei der der Konflikt auftritt

# Konflikt und Sonderkanten?

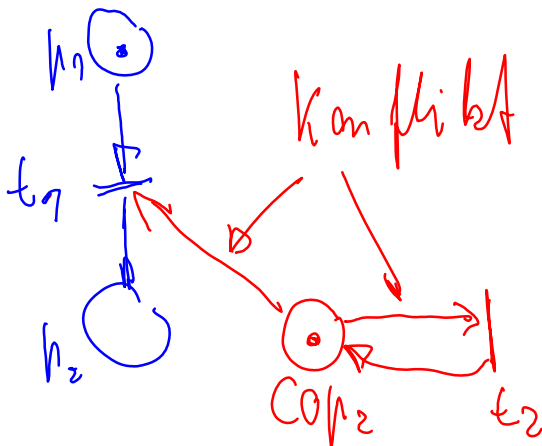


↑ was ist nach gleichzeitigen Schalten von  $t_1$  und  $t_2$  in  $\Pi$ ?



Schalten von  $t_1$  entzückt  $t_2$  die Schaltfähigkeit  $t_2$  aber  $t_1$  nicht

Lösung über Ersatzkantenstruktura



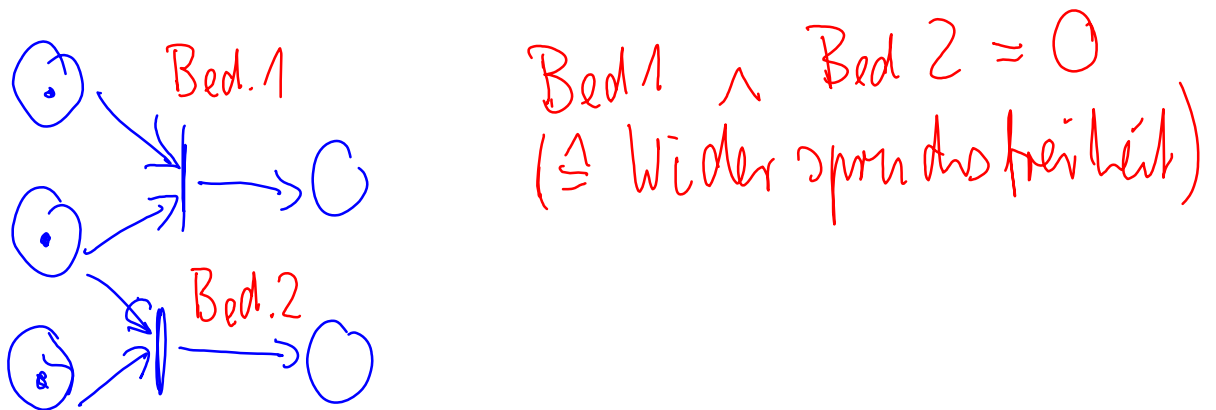
Lösung von Konflikten: Netz so ergänzen, dass im Konfliktfall entschieden ist welche Alternative gewählt wird.

Möglichkeiten:

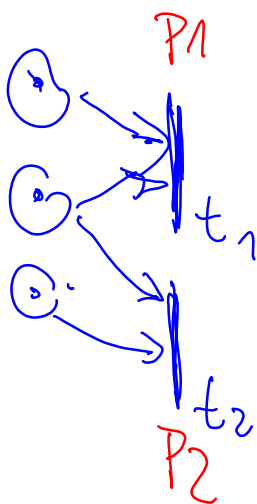
- Erweiterung der Netzstruktur so, dass der Konflikt dynamisch nicht mehr auftritt.

Bsp. PN22 links, Ergebnis im Konfliktfall schalten  $t_1$  und  $t_2$  immer wechselseitig (Einschränkung des Verhaltens)

- Bedingungen an Kanten (genauer in Kap. 3)



- stochastische Bedingung -> stochastische Konfliktlösung
- Bedingungen aus Priorität



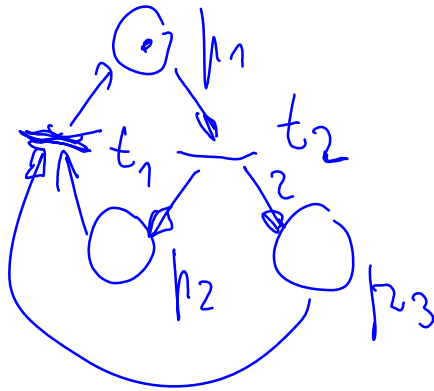
$P_1$  ist höhere  
 Priorität,  
 d.h. im Konfliktfall  
 schaltet  $t_1$

## 2.5.4. Beschränktheit und Sicherheit

Fragen:?

- Existiert eine Möglichkeit, benötigte Kapazitäten zu realisieren?
- Reichen die entworfenen Kapazitäten und kann man evtl. auf den Test auf ausreichende Kapazität zur Laufzeit verzichten?

Def.: Ein PN ist beschränkt, dass für den Fall, wenn alle  $K(p)$  auf unendlich gesetzt werden im PN nur eine endliche maximale  $m(p)$  in allen  $p$  entstehen kann.



$m(p_3) \rightarrow \infty$   
PN ist nicht beschränkt

Def.: Ein PN ist kapazitätsbeschränkt (K-beschränkt), dass für den Fall, wenn alle  $K(p)$  auf unendlich gesetzt werden im PN in allen erreichbaren  $m$  gilt  $m(p)$  ist kleiner gleich der ursprünglichen  $K(p)$ .

Ergebnis: in K-beschränkten Netzen ist der Test auf Nachbedingung nicht notwendig.

Def.: Ein PN ist sicher (1-beschränkt), dass für den Fall, wenn alle  $K(p)$  auf unendlich gesetzt werden in allen erreichbaren  $m$  gilt:  $m(p)$  ist kleiner gleich 1.

Bsp PN24 oben sicher

unten (bei  $K(p_5)=1$  wird das exklusive Drucken (d.h. in  $p_2$  und  $p_4$  nicht gleichzeitig eine Marke) realisiert), für  $K(p_5) =$  unendlich entsteht in  $p_5$  aber auch die Markierung 2, d. h. nicht sicher und auch nicht  $K$ -beschränkt.

## 2.6. Spezielle Netzklassen

Pl-T-Netze mit einigen Einschränkungen

### 2.6.1. Zustandsmaschinen (state machines)

entsprechen dem endlichen dig. Automaten

$ZM=(P,T,F,m_0)$

P: keine Einschränkung gegenüber allgemeinen PN

T: „

F:

$$\forall t : \exists ! p \mid (p, t) \in \bar{F}$$

$$\wedge \exists ! p \mid (t, p) \in \bar{F}$$



,d.h. jede Transition hat genau einen Vor- und einen Nachplatz  
 $K$  und  $V$  können entfallen, da  $K$  und  $V$  immer gleich 1 sind.

$$m_0: m_0(p_i) = 1 \quad ; \quad m_0(p_i) = 0 \quad \forall p_i \mid i=1$$

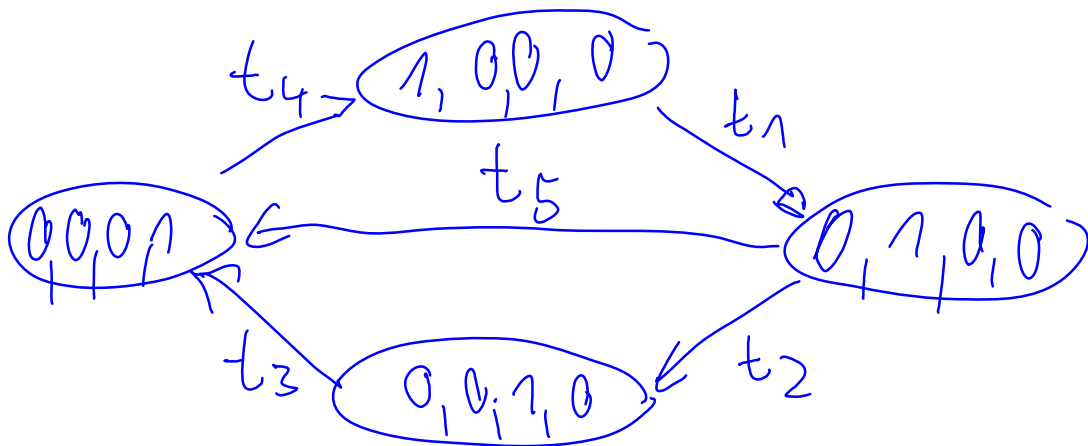
Es gibt genau einen anfangsmarkierten Platz.

Aufgrund der strukturellen Eigenschaften einer ZM gilt die Eigenschaft von  $m_0$  auch für alle erreichbaren  $m_i$ .

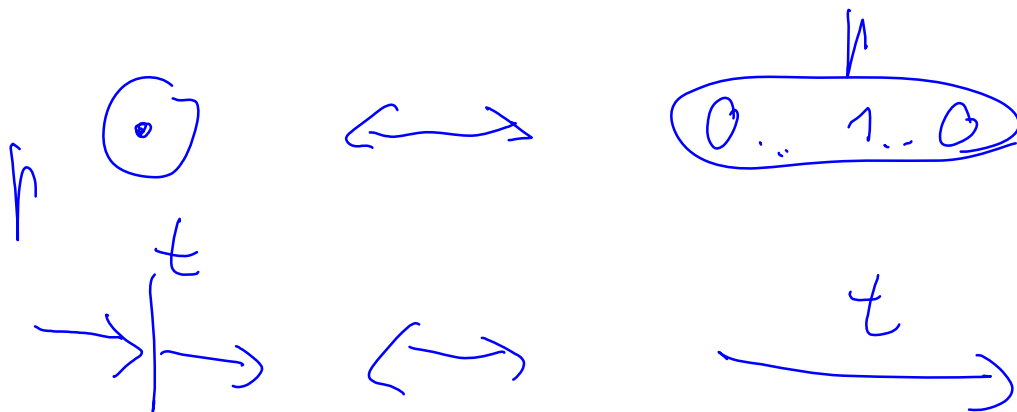
Bsp.: PN25

ZM sind immer sicher.

Erreichbarkeitsgraph (Bsp.)

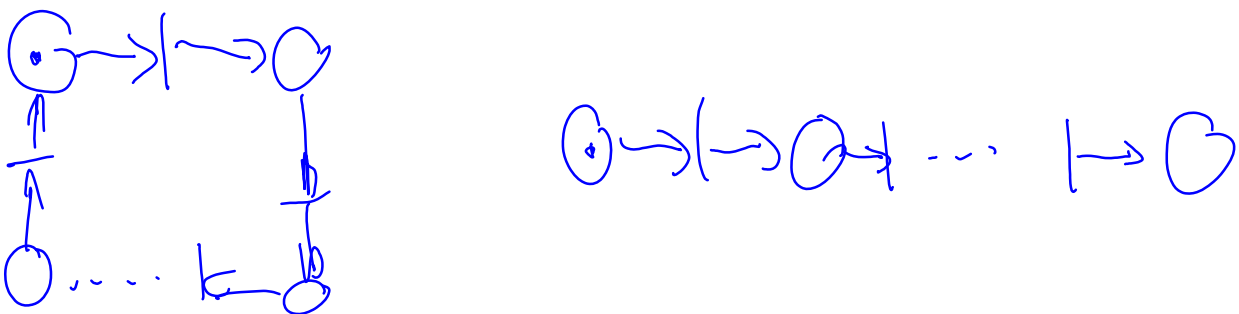


EG und ZM sind „strukturäquivalent“.



ZM können lebendig, schwach lebendig und tot sein.

ZM haben typischerweise Konflikte: diese modellieren die Alternativen, konfliktfrei sind nur der Ring und die Linie:



ZM modellieren sequentielle Algorithmen (ohne Parallelität).

## 2.6.2. Systeme von Zustandsmaschinen (SZM, buffered state machines)

SZM: Menge von ZM und ein Koppelnetz KN

$KN=(P,T,F,K,V,m_0)$

T: alle t sind in den ZM

keine weiteren Einschränkungen

Bsp. PN26

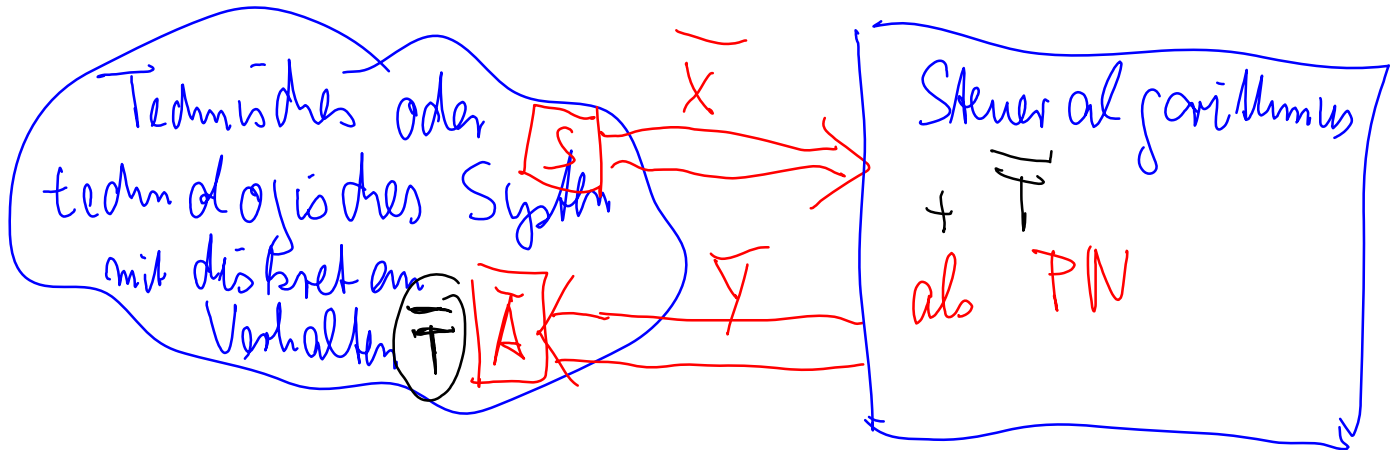
KN führt zur Lösung der sonst (ohne KN) in den ZM entstehenden Konflikten, wobei eine ZM wechselseitig auf den Konflikt der anderen ZM einwirkt.

SZM modellieren parallele sequentielle Algorithmen, die Abhängigkeiten untereinander haben.

→ Softwaremodelle dazu in Kap. 6

### 3. Steuerungsentwurf

Problem:



S: Schalten

A: Ablesen

T: Zeitwerte

$\bar{X}$ : Binäre Eingangsvariablen

$\bar{Y}$ : Binäre Ausgangsvariablen

Notwendig: Erweiterungen für Berücksichtigung von  $\bar{X}$  und  $\bar{T}$  und Ausgabe von  $\bar{Y}$

Def. Bewertungsfunktion wx:

Menge von Booleschen Ausdrücken  $\rightarrow T$ :

Wahrheitwert des Ausdrucks ist zusätzlich notwendige Schalbedingung (=1).

Bsp. PN 27 oben:

t1 ist sf für  $m(p1)=m(p2)=1$  und  $m(p3)=0$  und  $X1=1$  und  $X2=0$

Das Schalten einer t ändert den Wert der Variablen im zugeordneten Ausdruck nicht direkt.



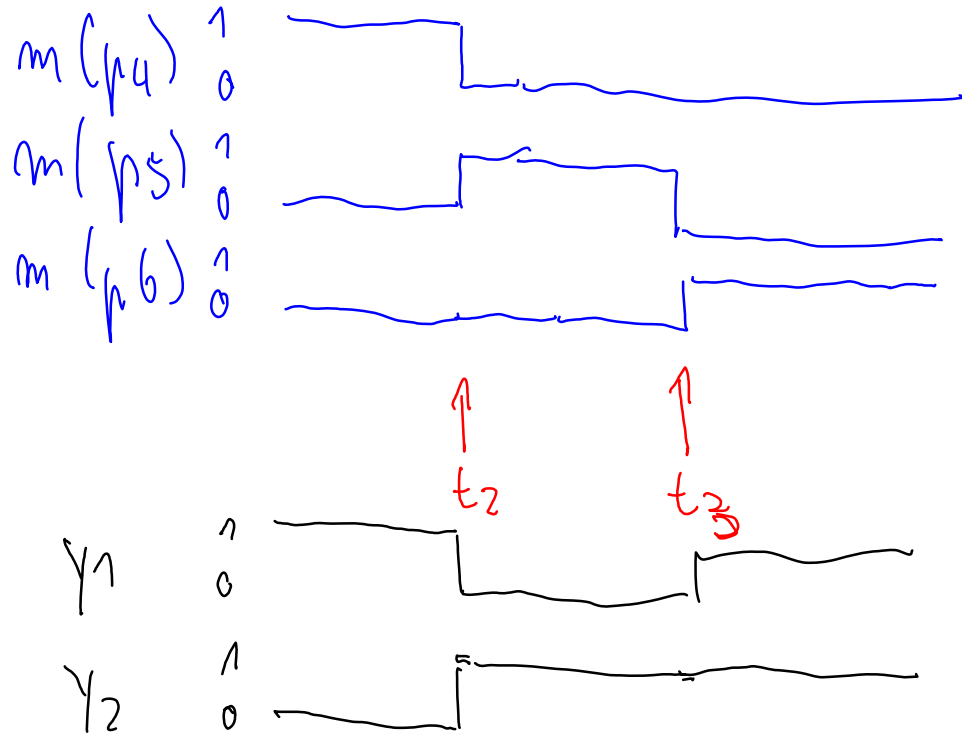
Def. Ausgabefunktion wy:

Menge von Aufzählungen von Booleschen Variablen  $\rightarrow P$

Steht eine Variable an mindestens einem Platz mit  $m(p)=1$  ist ihr Wert=1 und 0 sonst.

Bsp. PN27 unten:

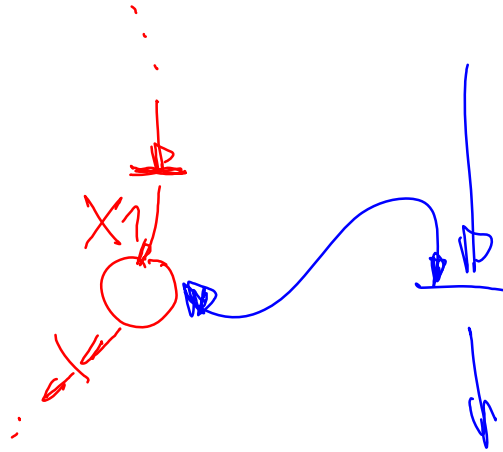
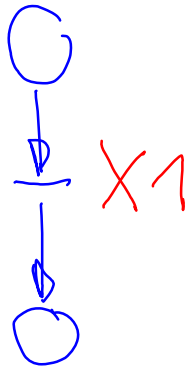
Zeitverlauf:



Falls ein PN-Modell vom Prozess existiert, kann  $w_x$  und  $w_y$  auch über Sonderkanten modelliert werden:

Bsp.

$w_x$

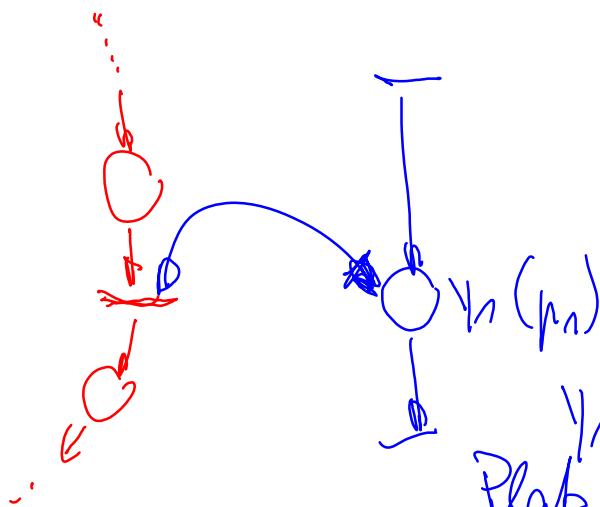


$X_1$  hier  
Platzname

$w_y$



$p_n$  steht  
entweder an  $p_n$



$p_n$  ist  
Platzname

## Zeitbewertungsfunktionen $w_t$

$w_{tv}$ ,  $w_{td}$ ,  $w_{tvi}$ ,  $w_{tdi}$

$v$ : Verzögerung

$d$ : Dauer

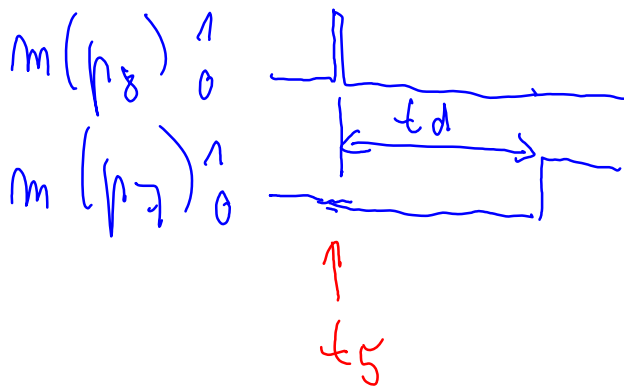
$i$ : Intervall

Def.  $w_{td}$ :  $T \rightarrow$  Menge von Zeitwerten (Festwerte):

$t$  mit  $w_t(t) = t_{di}$  schaltet ihre VB (Vorbedingung) bei  $sf$  sofort, die Nachbedingung nach  $t_{di}$ , falls noch möglich, sonst zum nächst möglichen Zeitpunkt nach  $t_{di}$ .

Bsp. PN 28 oben:

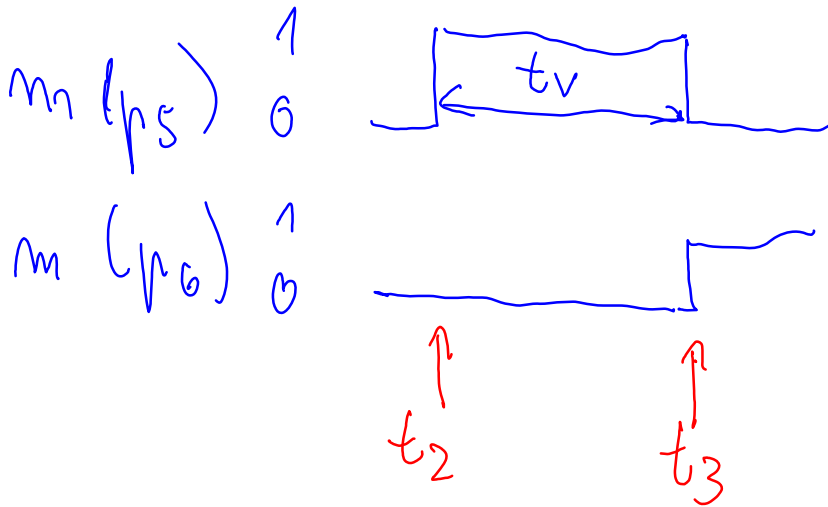
Zeitverlauf



wtv (Zeitverzögerungsfunktion)

Abbildung von T in eine Menge von Zeitverzögerungswerten (Festwerte): Eine t muss die angegebene Zeitverzögerung ununterbrochen schaltfähig sein, um schalten zu können. Dann schaltet sie unmittelbar. (unendlich kurz)

Zeitverlauf:



Evtl. ist das Zeitverhalten einer t nicht genau bekannt bzw. es ist variabel. Dann sind eventuell Intervalle sinnvoll:

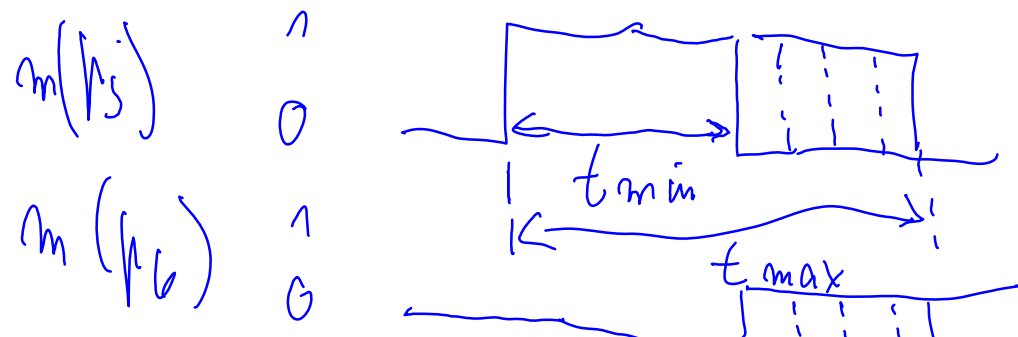
( $t_{\min}$ ,  $t_{\max}$ )

$t_{\min}$ . ist der kleinste mögliche Zeitwert

$t_{\max}$  ist der größte mögliche Zeitwert

# Bsp. $t_{vi}$ (Zeitverzögerungsfunktion mit Intervall)

$$t_{vi} = (t_{min}, t_{max})$$



$t_3$  : im konkreten Fall nur zu einem Zeitpunkt

Auswahl des tatsächlichen Zeitwertes im Intervall z.B. zufällig.

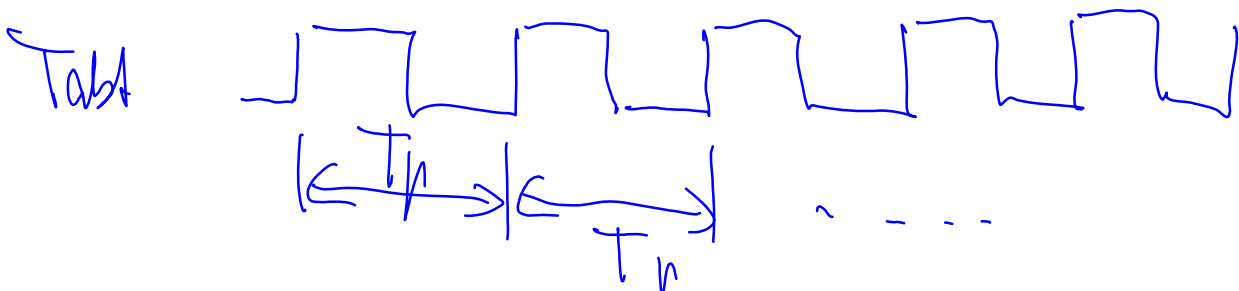
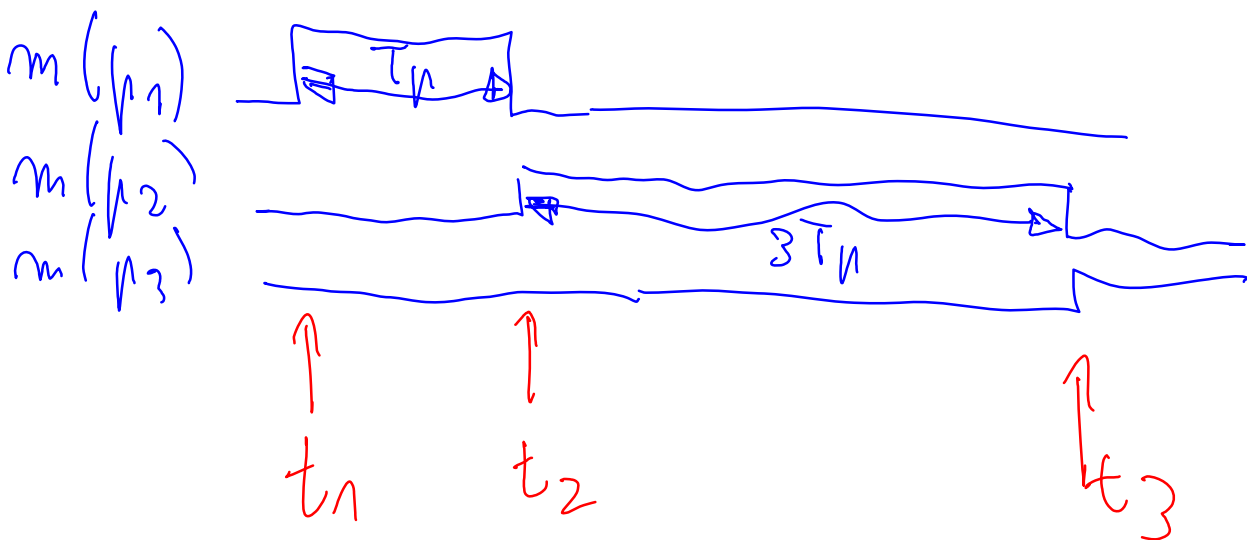
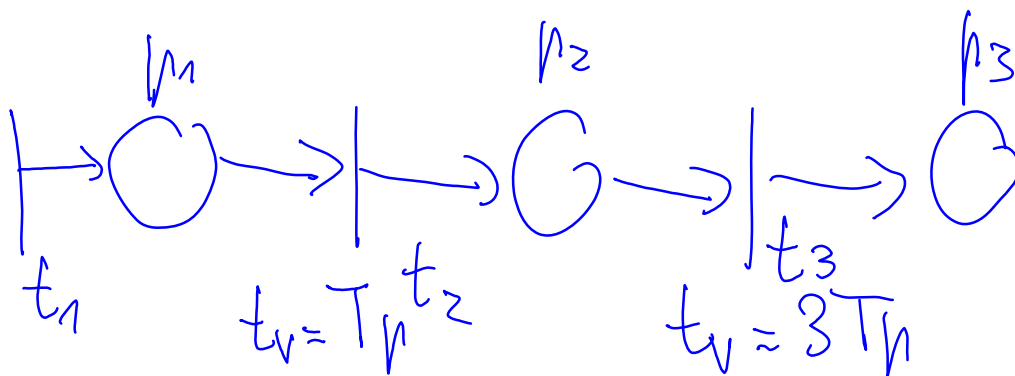
Spezialfälle:

$t_{\min}=t_{\max}=0$  : maximale Schaltregel

$t_{\min}=0, t_{\max}=\infty$  : stochastisches Schalten

$t_v$  für alle Transitionen ist Zeitwert  $T_p$  bzw. positives ganzzahliges Vielfaches davon : getaktetes Netz

Alle  $t$  schalten immer am Ende von  $T_p$ :



Dauertransitionen lassen sich auf Verzögerungstransitionen zurück führen: (Pn 29)